

**問題**

△OAB において、辺 OA を 4:1、辺 AB を 2:3 の比に内分する点を、それぞれ C、D とし、 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ 、 $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$  として、次の問いに答えよ。

- (1)  $\overrightarrow{OC} = \square \vec{a}$
- (2)  $\overrightarrow{OD}$  を  $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$  で表せ。
- (3) 2 つの線分 BC、OD の交点を P とする。 $\overrightarrow{OP}$  を、 $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$  で表せ。
- (4) AP の延長と辺 OB の交点を Q とするとき、OQ:QB を求めよ。追加 AP:PQ を求めよ。

**ヒント**

(1) 実数倍

(2) 内分公式

(3)

3 点 O、P、D は 1 直線上にあるので、 $\overrightarrow{OP} = t\overrightarrow{OD}$  とおける。

また、BP:PC = s : (1-s) とおくと、

$$\overrightarrow{OP} = \frac{s\overrightarrow{OC} + (1-s)\overrightarrow{OB}}{s + (1-s)} = \frac{4s}{5}\vec{a} + (1-s)\vec{b}$$

$\overrightarrow{OP}$  を 2 通りに表し、 $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$  の係数を比較する

(4)

AP:PQ = u : (1-u)、OQ:QB = v : (1-v) とおくと、

$$\overrightarrow{OP} = u\overrightarrow{OQ} + (1-u)\overrightarrow{OA} = (1-u)\vec{a} + uv\vec{b}$$

これと、(3) で求めた  $\overrightarrow{OP}$  と比較して、 $u = \frac{11}{23}$ 、 $v = \frac{8}{11}$

※チェバ、メネラウスの定理を使ってもよい。

解答欄

(1)	$\frac{4}{5}$	(2)	$\overrightarrow{OD} = \frac{3\vec{a} + 2\vec{b}}{5}$
(3)	$\overrightarrow{OP} = \frac{12}{23}\vec{a} + \frac{8}{23}\vec{b}$	(4)	OQ:QB = 8:3、AP:PQ = 11:12